

RESISTENCIA DE MATERIALES II
EXAMEN DE ENERO

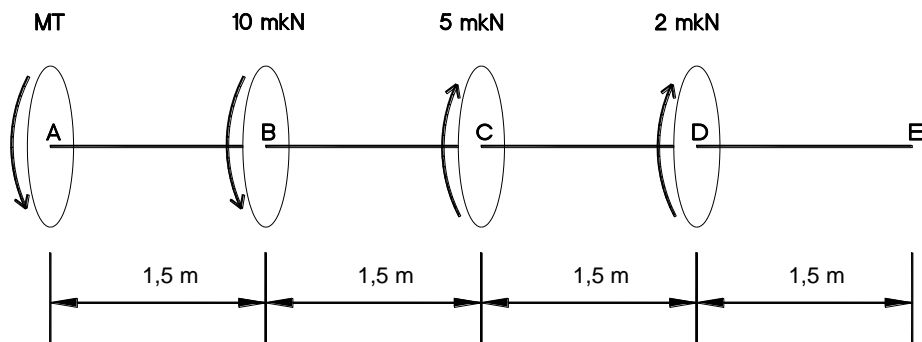
CUESTIONES (10 puntos)

Fecha de publicación de la preacta: 22 de enero de 2013

Fecha de revisión del examen: 29 de enero de 2013 a las 9:00

CUESTIÓN 1 (2 puntos)

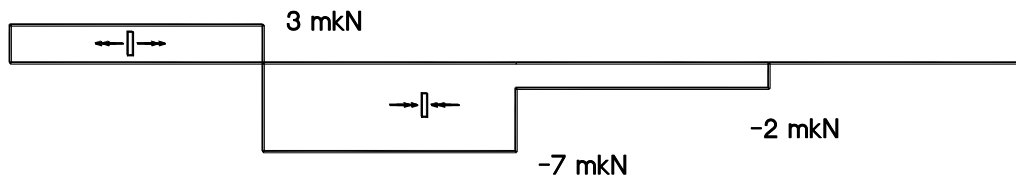
En el eje de torsión de la figura determinar el valor y signo de M_T y dibujar el diagrama de momentos torsores. Calcular el giro relativo entre las secciones B y D. Datos: $G = 70 \text{ GPa}$; $I_T = 120 \text{ cm}^4$.



Solución Cuestión 1

Estableciendo el equilibrio de momentos torsores: $M_T + 10 - 5 - 2 = 0 \Rightarrow M_T = -3 \text{ mN}$

0,5 puntos



El giro vendrá dado por:

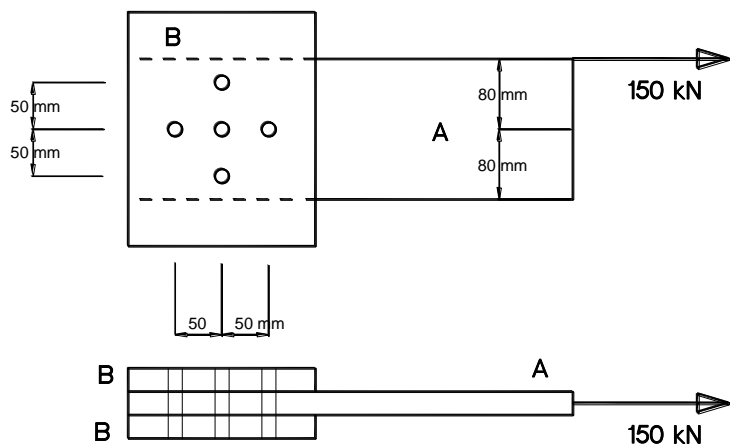
0,5 puntos

$$\Delta\theta_{BD} = \frac{1}{GI_T} \int_{1,5}^{4,5} M_T dx = \frac{10^6}{70 \cdot 120 \cdot 10^4} (-7 \cdot 1,5 - 2 \cdot 1,5) = -0,161 \text{ rad}$$

1 punto

CUESTIÓN 2

Dada la unión atornillada de la figura compuesta por dos chapas laterales B y una chapa central A, situada entre ellas, que se unen mediante 5 tornillos iguales, se pide determinar el diámetro mínimo de los tornillos redondeando a un número entero de mm.



Dato: $\tau_{adm} = 250 \text{ MPa}$

Solución Cuestión 2

El tornillo más solicitado es el superior. Se trata de doble cortadura con carga excéntrica.

$$F = 150 \text{ kN} \quad M = 150 \cdot 0,08 = 12 \text{ m kN}$$

El valor del esfuerzo de cortadura y la tensión viene dado por:

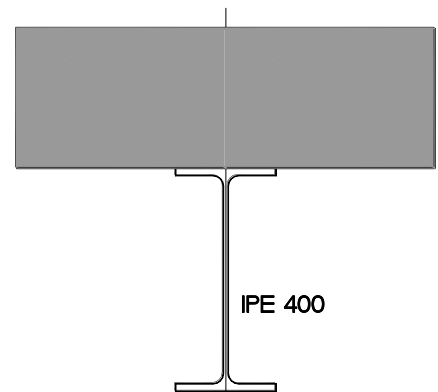
$$T = \frac{1}{2} \left(\frac{F}{5} + \frac{M}{40,05^2} \cdot 0,05 \right) = 45 \text{ kN} \Rightarrow \tau_{adm} = \frac{T}{\frac{\pi}{4} d^2} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{4T}{\pi \tau_{adm}}} = 15,14 \text{ mm} \Rightarrow d = 16 \text{ mm}$$

1 punto

1 punto

CUESTIÓN 3

La viga compuesta cuya sección se muestra en la figura se encuentra biapoyada y tiene 15 m de longitud. Está formada por un perfil IPE-400 y una losa de hormigón de 25 cm de espesor y 75 cm de ancho. Cuando se encuentra sometida a su peso propio, se pide calcular las tensiones normales (en MPa) en las fibras extremas de la sección completa correspondiente a la sección más solicitada de la viga.



Datos:

Pesos específicos:	Acero:	$\gamma_a = 78,5 \text{ kN/m}^3$
	Hormigón:	$\gamma_h = 25 \text{ kN/m}^3$
Módulos de Young:	Acero:	$E_a = 210 \text{ GPa}$
	Hormigón:	$E_h = 30 \text{ GPa}$

Solución Cuestión 3

Las características geométricas de la sección compuesta son:

Transformación a acero: $n=1/7$

$$A = 25 \cdot 75 / 7 + 84,5 = 352,36 \text{ cm}^2$$

$$y_{G,\text{sup}} = \frac{\frac{75}{7} \cdot 25 \cdot \frac{25}{2} + 84,5 \cdot (25 + 20)}{A} = 20,29 \text{ cm} \Rightarrow y_{G,\text{inf}} = 40 + 25 - y_{G,\text{sup}} = 44,71 \text{ cm}$$

$$I = \frac{1}{7} \left(\frac{1}{12} 75 \cdot 25^3 + 75 \cdot 25 \cdot \left(\frac{25}{2} - y_{G,\text{sup}} \right)^2 \right) + 23130 + 84,5 \cdot (20 - y_{G,\text{inf}})^2 = 104930 \text{ cm}^4 \quad \text{0,5 puntos}$$

La carga actuante por peso propio es: $p = 25 \cdot 75 \cdot 10^{-4} \cdot 25 + 84,5 \cdot 10^{-4} \cdot 78,5 = 5,351 \text{ kN/m}$

Y el máximo momento se dará en la sección central: $M_{\text{max}} = \frac{pL^2}{8} = 150,49 \text{ m kN} \quad \text{0,5 puntos}$

Las tensiones extremas son (tracciones positivas):

$$\sigma_{h,\text{sup}} = \frac{-M_{\text{max}}}{nI} (y_{G,\text{sup}}) = -4,16 \text{ MPa} \quad \sigma_{a,\text{inf}} = \frac{-M_{\text{max}}}{I} (y_{G,\text{inf}}) = 64,12 \text{ MPa} \quad \text{1 punto}$$

CUESTIÓN 4

En la viga de la figura se pide:

- 1) Reacciones y diagramas de esfuerzos con los valores en función de a y P y el criterio de signos.
- 2) Calcular el giro en el extremo C en función de EI , a y P .
- 3) Dibujar a estima la elástica.

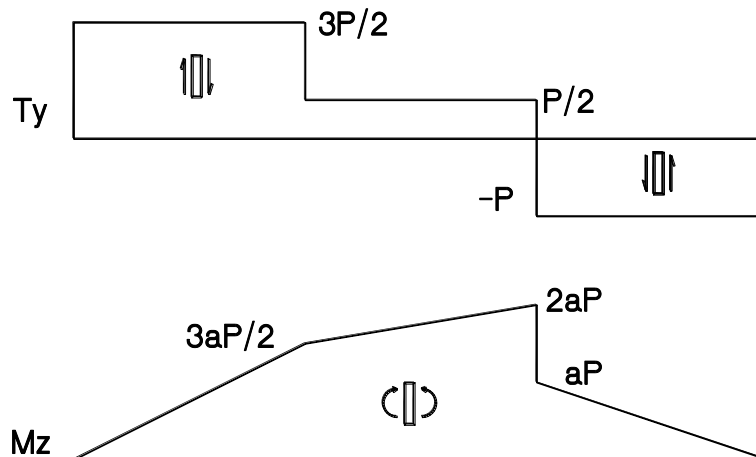


Solución Cuestión 4

1) Ecuaciones de equilibrio y:

$$R_A + R_B + P - P = 0 \Rightarrow R_A = 1,5P$$

$$-Pa + aP + R_B \cdot 2a + P \cdot 3a = 0 \Rightarrow R_B = -1,5P$$



1 punto

2) Utilizamos la ecuación de la elástica:

$$EIy = EI\theta_0 x + \frac{3P}{12}x^3 - \frac{P}{6}(x-a)^3 - \frac{aP}{2}(x-2a)^2 - \frac{3P}{12}(x-2a)^3$$

$$EI\theta = EI\theta_0 + \frac{3P}{4}x^2 - \frac{P}{2}(x-a)^2 - aP(x-2a) - \frac{3P}{4}(x-2a)^2$$

Imponemos la condición:

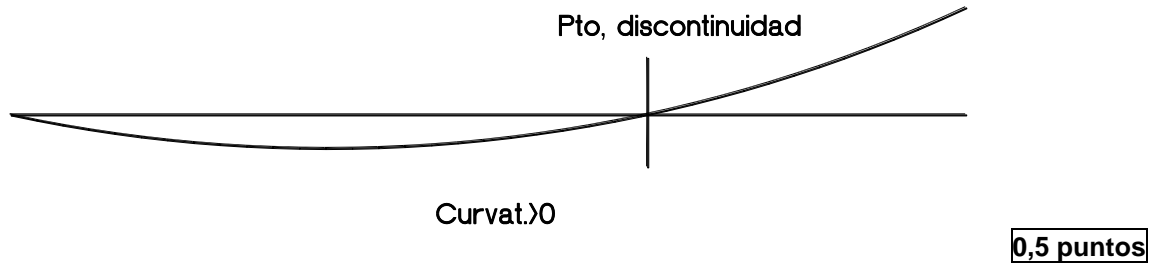
$$EIy_{2a} = 0 = EI\theta_0 \cdot 2a + \frac{3P}{12}8a^3 - \frac{P}{6}(a)^3 \Rightarrow EI\theta_0 = \frac{-11P}{12}a^2$$

Para $x=3a$:

$$EI\theta_{3a} = \frac{-11P}{12}a^2 + \frac{3P}{4}9a^2 - \frac{P}{2}4a^2 - aPa - \frac{3P}{4}a^2 = \frac{25}{12}Pa^2$$

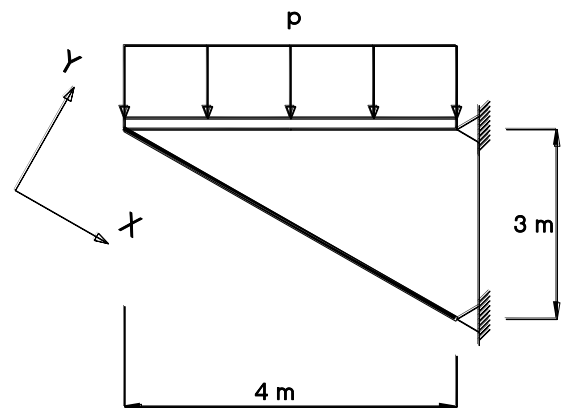
0,5 puntos

3) Curva elástica



CUESTIÓN 5

La plataforma de la figura soporta una carga $p = 150$ kN/m y está simplemente apoyada en sus extremos. El apoyo inicial es un puntal inclinado cuyos extremos no pueden desplazarse ni en Y ni en Z, pudiendo girar en el plano XY pero no en el plano XZ. Se pide calcular la carga crítica de pandeo y el coeficiente de seguridad del puntal si se trata de un perfil HEB-200 colocado con la configuración más resistente frente a pandeo.



Indicar su posición dibujando los ejes Y, Z sobre la sección.

Dato: $E = 210$ GPa

Solución Cuestión 5

Colocamos el perfil de forma que el mayor radio de giro se corresponda con la mayor longitud de pandeo:

En el plano XY: $\lambda_z = \frac{l_{pz}}{i_z} = \frac{500}{8,54} = 58,55$ **0,5 puntos**

En el plano XZ: $\lambda_y = \frac{l_{py}}{i_y} = \frac{0,5 \cdot 500}{5,07} = 49,31$ **0,5 puntos**

Por tanto, el pandeo se producirá en el plano XY y la carga crítica de Euler toma el valor:

$P_c = \frac{\pi^2 EA}{\lambda^2} = \frac{\pi^2 \cdot 210 \cdot 10^3 \cdot 78,1 \cdot 10^2}{58,55^2} = 4722,2 \text{ kN}$ **0,5 puntos**

La carga actuante es: $P = 150 \cdot \frac{4}{2} \cdot \frac{5}{3} = 500 \text{ kN}$

Por tanto el coeficiente de seguridad al pandeo es: $n = \frac{P_c}{P} = 9,4$ **0,5 puntos**

